

## 4.2 РЕШЕНИЯ

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 1

а) Оптимум фирмы в коротком периоде достигается при том уровне выпуска, при котором выполняется равенство  $SMC(q) = P$ . При решении задачи ⟨Производство, 4 части III⟩ определена функция  $SMC(q) = 0.1256q$ . Из равенства  $0.1256q = 6$  находим  $q = 47.773$ . Выручка фирмы  $TR = Pq = 6 \cdot 47.774 = 286.64$ . Общие затраты фирмы в коротком периоде  $STC(q) = 85 + 0.062797q^2 = 228.32$ . Прибыль фирмы  $\pi = 286.65 - 228.32 = 58.32$ .

б) Равновесие совершенно конкурентного рынка в длительном периоде достигается при цене, равной минимуму средних затрат каждой фирмы:  $P = \min LAC(q) = 4.544$ ; при этом предложение каждой фирмы определяется эффективным масштабом производства  $q_e = 49.520$ . Рыночный объем предложения равен объему спроса:  $Q = 10\,000 - 1000 \cdot 4.544 = 5456$ . Отсюда число действующих фирм  $N = Q/q_e \approx 110$ .

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 2

а) Предельная выручка монополиста  $MR = 50 - 2Q$ ; условие  $MR = MC$  принимает конкретный вид  $50 - 2Q = 10 + 2Q$ , откуда  $Q = 10$ , и по условиям спроса  $P = 40$ .

Аналогично б)  $Q = 5$ ,  $P = 40$ ; в)  $Q = 10$ ,  $P = 50$ ;

г)  $Q = 5$ ,  $P = 50$ .

Обратите внимание на то, что в вариантах а) и б) при одинаковых ценах монополист выпускает разные объемы продукта точно так же, как в вариантах в) и г); с другой стороны, в вариантах а) и в) монополист выпускает одинаковые объемы продукта, но продает их по различным ценам, так же как в вариантах б) и г).

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 3

а) Если функция спроса линейна, обратная функция спроса имеет вид  $P^D = a - bQ$ , а предельная выручка мо-

нополии при этом равна  $MR = a - 2bQ$  и совпадает с предельными затратами:  $MR = MC$ . Таким образом, из условий задачи следует система равенств

$$25 = a - 10b; \quad 15 = a - 20b.$$

Решение системы:  $a = 35$ ,  $b = 1$ , так что обратная функция спроса  $P^D = 35 - Q$ ; прямая функция спроса равна  $Q^D = 35 - P$ .

Можно построить и другой пример. Допустим, что спрос имеет постоянную эластичность  $\eta$ , т. е. описывается степенной функцией  $Q^D = 10 \cdot (25/P)^\eta$ . Так как в точке максимума прибыли монополии выполняется равенство

$$P \cdot \left(1 - \frac{1}{\eta}\right) = MC,$$

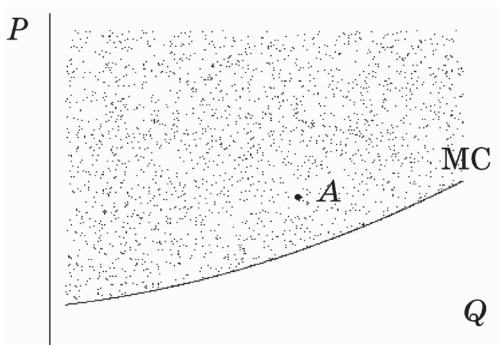
и из условий  $P = 25$ ,  $MC = 15$  находим:  $\eta = 2.5$ . Итак,  $Q^D = 10 \cdot (25/P)^{2.5}$ .

б) По аналогии с предыдущим пунктом покажем, что существует, в частности, линейная функция спроса, удовлетворяющая условиям. Для функции  $P^D = a - bQ$  имеем систему уравнений

$$P = a - bQ; \quad MC = a - 2bQ,$$

откуда

$$b = \frac{P - MC}{Q}; \quad a = 2P - MC.$$



**Комментарий.** Решение задач 1 – 2 раскрывает смысл утверждения «у монополии нет функции (кривой) предложения». На приведенном рисунке точка  $A$  — произвольная точка, расположенная выше кривой  $MC$ . Из решения последней задачи следует, что существует кривая спроса, проходящая через точку  $A$  и соответствующая максимуму прибыли монополиста. Таким образом, точки, соответствующие максимуму прибыли монополиста, покрывают всю область плоскости  $(Q, P)$ , расположенную выше кривой предельных затрат.

#### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 4

а) Из условия  $P = MC(Q)$  находим  $Q = 20$ .

б) Обратная функция спроса  $P^D(Q) = 75 - 2.5Q$ ; отсюда  $MR(q) = 75 - 5q$  (в силу монопольного положения фирмы  $Q = q$ ). Из равенства  $MR(q) = MC(q)$ , т. е.  $75 - 5q = 2.5q$ , находим  $q = Q = 10$ .

**Комментарий.** Сравнение решений задач а) и б) иллюстрирует значение структуры рынка, на котором действует фирма. В обеих ситуациях фирма продает свой продукт по одной и той же цене,  $P = 50$ , однако если она является монополистом, то производит меньшее количество продукта (в данном случае — в 2 раза), чем в случае конкурентного рынка. Можно показать, что это утверждение носит общий характер. Фирма-ценополучатель максимизирует свою прибыль при выполнении условия  $MC = P$ , фирма-монополист — при условии  $MC = MR$ , причем  $MR < P$  в силу убывающего характера функции рыночного спроса. Обозначив  $MC_c$  и  $MC_m$  соответственно предельные затраты при максимизации прибыли в условиях конкуренции и монополии, приходим к выводу, что при одинаковой цене  $MC_m = MR < P = MC_c$ . А так как предельные затраты — возрастающая функция выпуска, из  $MC_m < MC_c$  следует, что при равенстве цен объем производства монополии меньше, чем объем выпуска фирмы на конкурентном рынке.

## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 5

а) По соображениям симметрии можно предположить, что объемы производства заводов одинаковы. Но равенство объемов производства заводов следует из того, что по условиям минимизации затрат фирмы на производство любого объема производства  $Q$  должны выполняться равенства  $MC_1(q_1) = MC_2(q_2) = \dots = MC_n(q_n)$ , откуда в данном случае следует что объемы производства заводов одинаковы и, следовательно, каждый из них равен  $q_i = Q/n$ , так что

$$TC_i = 100 + 10 \frac{Q}{n} + \left( \frac{Q}{n} \right)^2, \quad i = 1, 2, \dots, n.$$

Затраты фирмы равны сумме затрат всех заводов, так что

$$TC_i = 100n + 10Q + \frac{Q^2}{n}.$$

б) Из условия  $MC_1(q_1) = MC_2(q_2)$  найдем распределение общего объема выпуска фирмы между заводами:

$$10 + 2q_1 = 10 + 0.5q_2,$$

откуда  $q_2 = 4q_1$ , а так как  $Q = q_1 + q_2$ , находим:  $q_1 = 0.2Q$ ,  $q_2 = 0.8Q$ . Таким образом,

$$TC_1 = 100 + 2Q + 0.04Q^2; \quad TC_2 = 200 + 8Q + 0.16Q^2$$

и  $TC(Q) = 300 + 10Q + 0.2Q^2$ .

в) Приравнивая друг другу предельные затраты заводов

$$10 + 2q_1 = 5 + 0.5q_2,$$

найдем распределение объема производства фирмы:  $q_1 = 0.2Q - 2$ ,  $q_2 = 0.8Q + 2$ . Однако малый объем выпуска фирмы не может быть распределен между фирмами так, чтобы выполнялось равенство  $MC_1(q_1) = MC_2(q_2)$ : так как  $MC_1 \geq 10$ , а  $MC_2$  может принимать меньшие значения, малые объемы ( $Q \leq 10$ ) должны выпускаться только 2-м заводом. Итак,

$$q_1 = \begin{cases} 0, & Q \leq 10; \\ 0.2Q - 2, & Q > 10; \end{cases}$$

$$q_2 = \begin{cases} Q, & Q \leq 10; \\ 0.8Q + 2, & Q > 10. \end{cases}$$

Опуская промежуточные выкладки, приведем окончательный результат:

$$TC(Q) = \begin{cases} 300 + 5Q + 0.25Q^2, & Q \leq 10; \\ 295 + 6Q + 0.2Q^2, & Q > 10. \end{cases}$$

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 6

Прежде всего заметим, что все заводы имеют одинаковые затратные характеристики, так что объем производства фирмы будет распределен между заводами поровну,  $q_i = Q/n$ ,  $i = 1, \dots, n$ . При этом средние затраты каждого завода равны средним затратам фирмы в целом.

Вначале дадим грубую оценку рационального числа заводов, производящих в совокупности заданный объем  $Q$ . Так как любой объем должен производиться с наименьшими общими (и, что равносильно, средними) затратами, определим, при каком объеме производства завода средние затраты минимальны (*эффективный размер* завода,  $q^e$ ). Минимум  $AC_i$  достигается при  $q_i = 10$  и равен 30. Ясно, что если  $Q$  кратно 10, то число заводов должно равняться  $Q/10$  и при этом окажется  $AC = 30$ . Если же  $Q$  не кратно 10, то число заводов должно быть близко к  $Q/10$ .

Теперь уточним выбор нужного числа заводов. При малых объемах, очевидно, достаточно одного завода. При  $Q > 10$  средние затраты возрастают с ростом объема, и при некотором значении  $Q$  целесообразно использовать два завода. Определим, при каком значении  $Q = Q_{1,2}$  средние затраты при использовании одного завода равны средним затратам при использовании двух заводов:

$$\frac{100}{Q} + 10 + Q = \frac{2 \cdot 100}{Q} + 10 + \frac{Q}{2},$$

откуда  $Q_{1,2} = \sqrt{200} \approx 14.14$ . Таким образом, при  $Q < Q_{1,2}$  продукция производится на одном заводе с меньшими затратами, чем на двух, а при  $Q > Q_{1,2}$  соотношение становится противоположным. При этом  $LAC(Q_{1,2}) = 31.21$ .

Аналогичным образом, переход от  $n$  заводов к  $n + 1$  совершается при значении  $Q = Q_{n, n+1}$ , удовлетворяющем равенству

$$\frac{n \cdot 100}{Q} + 10 + \frac{Q}{n} = \frac{(n + 1) \cdot 100}{Q} + 10 + \frac{Q}{n + 1},$$

откуда  $Q_{n, n+1} = 10\sqrt{n(n + 1)}$ . Ровно  $n$  заводов оказываются эффективными при  $10\sqrt{(n - 1) \cdot n} \leq Q \leq 10\sqrt{n \cdot (n + 1)}$ . Итак, мы получили выражение для функции средних затрат:

$$\text{LAC}(Q) = \frac{n \cdot 100}{Q} + 10 + \frac{Q}{n} \quad \text{при} \\ 10\sqrt{(n - 1) \cdot n} \leq Q \leq 10\sqrt{n \cdot (n + 1)}.$$

**Комментарий.** Как отмечалось, при  $Q$ , кратном 10, средние затраты принимают минимальное значение  $\text{LAC} = 30$ . При объемах, равных  $Q_{n, n+1}$ , средние затраты имеют локальные максимумы, равные

$$\text{AC}(Q_{n, n+1}) = 10 \cdot \left( \sqrt{\frac{n}{n + 1}} + 1 + \sqrt{\frac{n + 1}{n}} \right).$$

В таблице приведены значения  $Q_{n, n+1}$  и соответствующие значения средних затрат. Из таблицы видно, что локальные максимумы средних затрат мало отличаются от минимума, равного 30, и тем меньше, чем больше  $n$ . Иными словами, при  $Q > q^e$  средние затраты мало отклоняются от константы, равной минимальному значению.

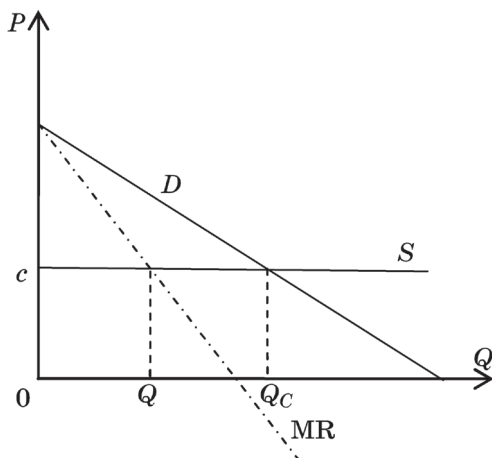
$n$	$Q_{n, n+1}$	$\text{AC}(Q_{n, n+1})$
1	14.14	31.21
2	24.49	30.41
3	34.64	30.21
4	44.72	30.12
5	54.77	30.08

Пренебрегая этими отклонениями, говорят, что функция средних затрат многозаводской фирмы имеет  $L$ -образную форму — падающий участок при  $Q < q^e$  и постоянный участок при  $Q \geq q^e$ ; величину  $q^e$  при этом называют *минимальным эффек-*

тивным размером фирмы. Если размер фирмы больше минимального эффективного, то  $LAC(Q) = c = \text{const}$ . Отсюда следует, что при этом  $LTC(Q) = cQ$  и, следовательно,  $LMC(Q) = c = \text{const}$ . Допущение о постоянстве средних (и предельных) затрат часто используется в моделях монополии и олигополии.

## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 7

Комментарий к предыдущей задаче позволяет считать функцию предельных затрат монополиста постоянной,  $LMC(Q) = c$ , равной минимуму средних затрат завода. Функция спроса линейна; положим  $P^D(Q) = a - bQ$ , так что предельная выручка  $MR = a - 2bQ$ . Из равенства  $MR = LMC$  следует, что для монополии  $Q_M = \frac{a - c}{2b}$ .



Заводы, действующие как самостоятельные фирмы, в конкурентном равновесии длительного периода имели бы эффективный размер, так что средние (и предельные) затраты каждого из них равнялись бы  $c$ . Функция рыночного предложения характеризовалась бы постоянной ценой,  $P^S(Q) = c$ . При данном спросе объем конкурентного равновесия

равен  $Q_c = \frac{a-c}{b}$ . Таким образом, заводы, действующие самостоятельно и конкурирующие друг с другом, производили бы вдвое больший объем продукта, чем монополия. А так как в обоих случаях заводы имеют эффективный размер, число их также должно быть вдвое больше, чем в составе монополии, и равно 200.

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 8

Обратная функция спроса:

$$P^D(Q) = 1 + (1 - Q)^3.$$

Отсюда

$$MR(Q) = 1 + (1 - Q)^2 \cdot (1 - 4Q).$$

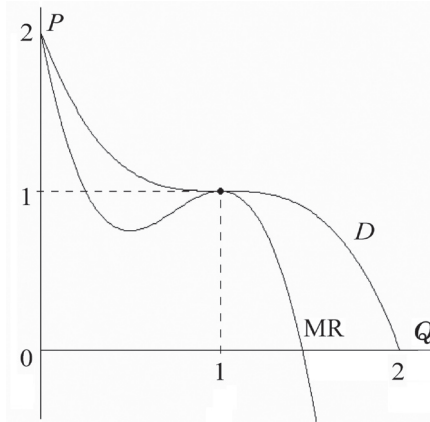


График функции предельной выручки представлен на рисунке.

Решение этой задачи показывает, что, несмотря на то что функция спроса — монотонно убывающая (кривая  $D$ ), предельная выручка может иметь другой характер. В данном случае она имеет локальный минимум при  $Q = 0.5$ , возрастающий участок  $0.5 \leq Q \leq 1$ , локальный максимум при  $Q = 1$  и затем убывает при  $Q > 1$ .



**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 9**

Максимум прибыли фирмы достигается при равенстве предельной выручки на каждом из рынков и предельных затрат фирмы. В условиях совершенной конкуренции предельная выручка совпадает с ценой. Поэтому  $MC(Q) = P_w$ , т. е.  $10 + 0.5Q = 30$ , откуда объем производства фирмы  $Q = 40$ . Условие  $MC(Q) = MR_I(Q_I)$  дает равенство  $30 = 60 - 2Q_I$ , откуда объем продаж на внутреннем рынке  $Q_I = 15$ . Так как  $Q = Q_I + Q_w$ , объем продаж на мировом рынке  $Q_w = 40 - 15 = 25$ . Цена на внутреннем рынке  $P_I = 60 - 15 = 45$ .

**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 10**

Распределение объема производства между заводами должно удовлетворять условию

$$MC_1(q_1) = MC_2(q_2) = \dots = MC_m(q_m) = MC(Q),$$

где  $Q$  — объем выпуска фирмы,  $MC(Q)$  — ее предельные затраты. Распределение объема продаж между сегментами рынка

$$MR_1(Q_1) = MR_2(Q_2) = \dots = MR_n(Q_n) = MR(Q),$$

где  $MR(Q)$  — предельная выручка фирмы. Условие  $MR(Q) = MC(Q)$  завершает доказательство.

**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 11**

а) Верхний предел цены на первом сегменте равен 20, на втором — 10.

(i) При продаже продукта по единой цене функция спроса для рынка представляет собой сумму соответствующих функций на сегментах:

$$Q^D(P) = \begin{cases} 250 - 20P, & P \leq 10; \\ 100 - 5P, & 10 < P \leq 20. \end{cases}$$

Функция спроса имеет излом при  $P = 10$ ,  $Q = 50$ . Обратная функция спроса:

$$P^D(Q) = \begin{cases} 20 - 0.2Q, & Q < 50; \\ 12.5 - 0.05Q, & 50 \leq Q \leq 250. \end{cases}$$

Общая выручка:

$$TR(Q) = Q \cdot P^D(Q) = \begin{cases} 20Q - 0.2Q^2, & Q < 50; \\ 12.5Q - 0.05Q^2, & 50 \leq Q \leq 250. \end{cases}$$

Предельная выручка:

$$MR(Q) = \begin{cases} 20 - 0.4Q, & Q < 50; \\ 12.5 - 0.1Q, & 50 < Q \leq 250. \end{cases}$$

Излом функции спроса порождает скачок функции предельной выручки при  $Q = 50$ . Эта функция убывает на каждом из участков, слева (при  $Q < 50$ ) и справа (при  $Q > 50$ ); при  $Q \rightarrow 50$  предел слева равен 0, предел справа равен 7.5.

(ii) Для анализа ситуации, связанной с ценовой дискриминацией, потребуются функции предельной выручки на каждом сегменте. Обратные функции спроса на сегментах:

$$P_1^D(Q) = 20 - 0.2Q; \quad P_2^D(Q) = 10 - 0.0667Q.$$

Функции предельной выручки:

$$MR_1(Q) = 20 - 0.4Q; \quad MR_2(Q) = 10 - 0.1333Q.$$

Чтобы выполнить «горизонтальное суммирование» функций предельной выручки, нужно найти обратные функции:

$$\left. \begin{aligned} Q_1(MR) &= 50 - 2.5MR, & MR \leq 20; \\ Q_2(MR) &= 75 - 7.5MR, & MR \leq 70. \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

Их сумма:

$$Q(MR) = \begin{cases} 125 - 10MR, & MR \leq 10; \\ 50 - 2.5MR, & MR > 10. \end{cases}$$

Обратная функция представляет собой предельную выручку дискриминирующей фирмы:

$$MR(Q) = \begin{cases} 20 - 0.4Q, & Q < 25; \\ 12.5 - 0.1Q, & Q \geq 25. \end{cases} \quad (2)$$

Отметим, что у дискриминирующей фирмы предельная выручка — непрерывная монотонно убывающая функция.

Для нахождения общей выручки требуется проинтегрировать предельную выручку в пределах от 0 до  $Q$ ; интегрирование нужно выполнить отдельно по участкам. При  $Q \leq 25$ :

$$TR(Q) = \int_0^Q (20 - 0.4q) dq = 20Q - 0.2Q^2.$$

Отметим, что  $TR(25) = 375$ . При  $Q > 25$ :

$$\begin{aligned} TR(Q) &= TR(25) + \int_{25}^Q (12.5 - 0.1q) dq = \\ &= 375 + 12.5(Q - 25) - 0.05(Q^2 - 25^2) = \\ &= 93.75 + 12.5Q - 0.05Q^2. \end{aligned}$$

Итак,

$$TR(Q) = \begin{cases} 20Q - 0.2Q^2, & Q \leq 25; \\ 93.75 + 12.5Q - 0.05Q^2, & Q > 25. \end{cases}$$

б) (i) При продаже товара по единой цене оптимум монополии достигается при объеме продаж, удовлетворяющем условию  $MR(Q) = MC(Q)$ . В рассматриваемом случае это условие выполняется при двух значениях  $Q$ , слева и справа от точки разрыва функции  $MR(Q)$ :

$$20 - 0.4Q = 4 \quad \Rightarrow \quad Q = 40 < 50;$$

$$12.5 - 0.1Q = 4 \quad \Rightarrow \quad Q = 85 > 50.$$

Оптимум фирмы определим путем сопоставления величины прибыли в обоих локальных максимумах, при  $Q = 40$  и при  $Q = 85$ .

При  $Q = 40$  цена спроса  $P = 20 - 0.2 \cdot 40 = 12$ , выручка  $TR = 12 \cdot 40 = 480$ , затраты  $TC = 4 \cdot 40 = 160$ , прибыль  $\Pi = 480 - 160 = 320$ .

При  $Q = 85$  соответствующие величины составляют  $P = 12.5 - 0.05 \cdot 85 = 8.25$ ,  $TR = 8.25 \cdot 85 = 701.25$ ,  $TC = 4 \cdot 85 = 340$ ,  $\Pi = 701.25 - 340 = 361.25$ . Таким образом, монополист предпочитает второй вариант ( $Q = 85$ ), дающий большую прибыль.

(ii) При ценовой дискриминации равенство  $MR_i(Q_i) = MC(Q)$  должно выполняться на каждом сегменте. В общем случае следовало бы решить уравнение

$$MR(Q) = MC(Q),$$

где функция  $MR(Q)$  определяется уравнением (2), и найден-

ное при решении значение  $MR$  подставить в уравнения (1) для нахождения распределения общего объема продаж по сегментам. Но условие  $MC(Q) = 4 = \text{const}$  упрощает задачу: объемы  $Q_1$  и  $Q_2$  могут быть определены из условий  $MR_1(Q_1) = MC$  и  $MR_2(Q_2) = MC$ , т. е.

$$20 - 0.4Q_1 = 4; \quad 10 - 0.1333Q_2 = 4,$$

откуда  $Q_1 = 40$ ,  $Q_2 = 45$ . При этих объемах цены спроса составляют

$$P_1 = 20 - 0.2 \cdot 40 = 12, \quad P_2 = 10 - 0.0667 \cdot 45 = 7,$$

так что выручка равна  $TR = 12 \cdot 40 + 7 \cdot 45 = 795$ . Поскольку суммарный объем продаж на обоих сегментах оказался таким же, как при единой цене, величина общих затрат принимает уже найденное значение  $TC = 340$ . Отсюда прибыль при ценовой дискриминации  $\Pi = 795 - 340 = 455$ .

## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 12

Обозначим  $A = N/10\,000$ , так что функция спроса будет представлена равенством  $Q^D(P) = A \cdot (80 - P)$ , а обратная функция спроса — равенством  $P^D(Q) = 80 - Q/A$ .

Средние и предельные затраты фирмы даются выражениями

$$AC = \frac{100}{q} + 20 + q; \quad MC = 20 + 2q.$$

1) Если на рынке действует единственная фирма, то объем ее продаж  $q$  совпадает с рыночным объемом покупок  $Q$ , так что здесь  $q = Q$ . Фирма может безубыточно действовать, если максимально возможная для нее прибыль неотрицательна. Максимум прибыли достигается при условии  $MR = MC$ . Так как  $MR = 80 - 2q/A$ , приравнявая это выражение предельным затратам,  $80 - 2q/A = 20 + 2q$ , найдем, что  $q = \frac{30A}{1 + A}$ .

Условие безубыточности сводится к тому, что общая выручка не меньше общих затрат,  $TR \geq TC$ . Используя найденное выражение для  $q$ , получаем:

$$TR = P_q = \left(80 - \frac{30}{1+A}\right) \cdot \frac{30A}{1+A}; \quad TC = 100 + 20 \cdot \frac{30A}{1+A} + \left(\frac{30A}{1+A}\right)^2.$$

Теперь условие безубыточности принимает вид неравенства относительно  $A$ . Его решение дает  $A \geq 0.125$ , так что  $N \geq 10\,000 \cdot A = 1250$ . Итак, фирма может безубыточно функционировать на данном рынке, если число покупателей не менее 1250.

2) Единственная фирма на данном рынке будет естественной монополией, если производство требуемого объема продукта одной фирмой сопряжено с меньшими затратами, чем его производство двумя или большим числом фирм. Прежде всего выясним, какой объем производства может быть с меньшими затратами произведен одной фирмой. Для этого сравним средние затраты на производство заданного объема  $Q$  одной фирмой и двумя фирмами. При этом будем считать, что ресурсы могут свободно перемещаться и, следовательно, обе фирмы будут обладать одинаковыми затратными характеристиками.

Если рыночный объем  $Q$  производится одной фирмой, то объем ее выпуска  $q = Q$ ; если фирм две, то объем выпуска каждой из них  $q = Q/2$ . Объем, при котором производство одной и двумя фирмами требует одинаковых затрат, определяется равенством  $TC(Q) = 2TC(Q/2)$ , или, что равносильно,  $AC(Q) = AC(Q/2)$ :

$$\frac{100}{Q} + 20 + Q = \frac{200}{Q} + 20 + \frac{Q}{2},$$

откуда  $Q = \sqrt{200} \approx 14.14$ .

Если цена спроса, соответствующая этому объему, превосходит или равна средним затратам, то две фирмы могут безубыточно производить и продавать товар не дороже, чем единственная фирма. Если же цена спроса менее средних затрат, то единственная фирма окажется естественной монополией. Средние затраты при  $Q = 14.14$  равны 41.21, так что фирма будет естественной монополией при условии

$$P^D(14.14) = 80 - 14.14/A < 41.21,$$

откуда  $A < 0.3646$  и  $N < 10\,000A = 3646$ .

**Замечание 1.** При ответе на первый вопрос мы выяснили, что фирма может безубыточно действовать на данном рынке при  $N \geq 1250$ . Таким образом, безубыточная фирма окажется естественной монополией при  $1250 \leq N < 3646$ . Если продукт, производимый фирмой, признается социально значимым, то благодаря государственным дотациям фирма сможет функционировать и при  $N < 1250$ .

3) При установлении регулирующим органом цены на уровне предельных затрат, что исключало бы общественные потери монополизации рынка, фирма может безубыточно действовать на рынке при условии  $MC(q) \geq AC(q)$ , или

$$20 + 2q \geq \frac{100}{q} + 20 + q,$$

откуда  $q \geq 10$ . При этом объеме ( $Q = q$ ) цена спроса должна быть не менее средних затрат:  $P^D(10) \geq AC(10)$ , т. е.  $80 - 10/A \geq 40$ . Отсюда  $A \geq 0.25$  и  $N \geq 2500$ .

**Замечание 2.** Мы выяснили, что при числе покупателей в пределах  $2500 \leq N < 3646$  единственная фирма может удовлетворить спрос с меньшими затратами, чем две (или более) фирмы, и при этом она может безубыточно продавать свой продукт по цене, равной предельным затратам. Фирмы, действующие в этих условиях, называют *слабыми* естественными монополиями.

Итак, в зависимости от числа покупателей фирма может оказаться в следующих положениях:

при  $N < 1250$  фирма может безубыточно функционировать только при условии получения дотации;

при  $1250 \leq N < 2500$  фирма представляет собой обычную естественную монополию, которая может безубыточно функционировать при установлении цены не ниже средних затрат;

при  $2500 \leq N < 3646$  фирма представляет собой слабую естественную монополию, и ее цена может быть установлена на уровне предельных затрат;

наконец, при  $N \geq 3646$  фирма не является естественной монополией.

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 13

а) Прибыли фирм равны

$$\pi_1 = (100 - 3q_1 - 3q_2) \cdot q_1 - TC_1(q_1);$$

$$\pi_2 = (100 - 3q_1 - 3q_2) \cdot q_2 - TC_2(q_2).$$

Условие максимума прибыли каждой фирмы при заданном выпуске конкурента:

$$\frac{\partial \pi_1}{\partial q_1} = (100 - 6q_1 - 3q_2) - (10 + 2q_1) = 0;$$

$$\frac{\partial \pi_2}{\partial q_2} = (100 - 3q_1 - 6q_2) - (20 + q_2) = 0.$$

$t$	$q_1(t)$	$q_2(t)$	$Q(t)$	$P(t)$
0	5.00	20.00	25.00	25.00
1	7.50	13.00	20.50	38.50
2	12.75	11.50	24.25	27.25
3	13.88	8.35	22.23	33.33
4	16.24	7.68	23.91	28.26
5	16.74	6.26	23.00	31.00
6	17.81	5.95	23.76	28.72
7	18.03	5.32	23.35	29.95
8	18.51	5.18	23.69	28.92
9	18.62	4.89	23.51	29.48
10	18.83	4.83	23.66	29.02
11	18.88	4.70	23.58	29.26
12	18.97	4.67	23.65	29.06
13	18.99	4.62	23.61	29.17
14	19.04	4.60	23.64	29.08
15	19.05	4.58	23.62	29.13
16	19.07	4.57	23.64	29.08
17	19.07	4.56	23.63	29.11
18	19.08	4.56	23.64	29.09
19	19.08	4.55	23.63	29.10
20	19.09	4.55	23.64	29.09

Решая первое уравнение относительно  $q_1$ , второе — относительно  $q_2$ , найдем функции реагирования фирм:

$$q_1 = 22.5 - 0.75q_2 = R_1(q_2); \quad q_2 = 16 - 0.6q_1 = R_2(q_1).$$

б) Из системы  $q_1 = R_1(q_2)$ ;  $q_2 = R_2(q_1)$  находим:  $q_1 = 19.09$ ;  $q_2 = 4.55$ ; далее,  $Q = q_1 + q_2 = 23.64$  и  $P = 100 - 3 \cdot 23.64 = 29.09$ .

в) Обозначим  $q_1(t)$ ,  $q_2(t)$  объемы выпуска фирм в  $t$ -м периоде.

Поскольку каждая из фирм ориентируется на известный ей выпуск конкурента в предшествующем периоде,

$$q_1(t) = R_1(q_2(t-1)); \quad q_2(t) = R_2(q_1(t-1)).$$

Пусть, например, начальные объемы выпуска равны  $q_1(0) = 5$ ,  $q_2(0) = 10$ . В приведенной выше таблице представлены результаты расчета для 20 периодов.

**Комментарий.** Следуя рассуждениям А. О. Курно, процесс движения рынка к равновесию часто описывают как последовательность поочередного принятия решений фирмами: вначале первая фирма является монополистом, затем появляется вторая фирма и принимает решение исходя из заданного объема предложения первой фирмы; после этого первая фирма корректирует свое решение, после нее — вторая и т. д. В данной задаче обе фирмы принимают решения одновременно по истечении периода, необходимого для оценки выпуска конкурента и изменения собственного выпуска. Обе схемы в значительной степени условны; их назначение — проиллюстрировать устойчивость равновесия в дуополии Курно. Объемы выпуска фирм при любых начальных значениях с течением времени стремятся к равновесным.

## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ №14

Рассмотрим равновесие Курно–Нэша олигополии, состоящей из  $n$  фирм, причем для каждой фирмы предельные затраты не зависят от объема производства,  $MC_i(q_i) = c_i = \text{const}$ , а спрос описывается линейной функцией  $P^D(Q) = a - bQ$ . Прибыль каждой фирмы описывается равенством

$$\pi_i = q_i P^D(Q) - TC_i(q_i) = q_i P^D(q_i + Q_{-i}) - TC_i(q_i),$$



где  $Q_{-i}$  — суммарный выпуск всех фирм, кроме  $i$ -й. Прибыль  $i$ -й фирмы при заданных объемах выпуска других фирм достигает максимума, если выполнено условие

$$\frac{\partial \pi_i}{\partial q_i} = P^D(Q) + q_i \frac{dP^D}{dQ} - MC_i(q_i) = 0, \quad i = 1, 2, \dots, n.$$

Принятые допущения относительно функций затрат и спроса позволяют представить условие равновесия в виде:

$$a - bQ - bq_i - c_i = 0, \quad i = 1, 2, \dots, n. \quad (1)$$

Суммируя уравнения, получаем равенство

$$na - C - (n + 1)bQ = 0,$$

где обозначено  $C = \sum_{i=1}^n c_i$ . Последнее равенство приводит к явному выражению рыночного объема:

$$Q = \frac{na - C}{(n + 1)b}.$$

Подстановка этого результата в функцию спроса дает выражение для равновесной цены:

$$P = \frac{a + C}{n + 1}.$$

Возвращаясь к равенствам (1) и учитывая, что  $a - bQ = P$ , получаем выражения для объемов всех фирм:

$$q_i = \frac{P - c_i}{b}.$$

а) Используя приведенные выше выражения, находим:

$$C = 10 + 20 + 30 = 60, \quad P = (100 + 60)/4 = 40;$$

$$q_1 = \frac{40 - 10}{0.5} = 60, \quad q_2 = \frac{40 - 20}{0.5} = 40, \quad q_3 = \frac{40 - 30}{0.5} = 20;$$

$$Q = 120.$$

б) Воспользовавшись тем же методом, получаем  $P = 27$ ;  $q_1 = 34$ ,  $q_2 = 14$ ,  $q_3 = -6 < 0$ . Но отрицательные значения объема выпуска невозможны; равенства вида (1), выведенные из условия равенства нулю соответствующих частных производных, являются необходимыми условиями *внутреннего* оптимума. В данной ситуации внутренний оптимум для третьей фирмы отсутствует: уменьшенный спрос (по сравнению с рассмотренным в предыдущем пункте) делает эту фирму неконкурентоспособной на рынке, где ее соперники имеют

значительные затратные преимущества. Наиболее выгодным для нее решением является  $q_3 = 0$ . При этом равенства (1) и последующие выполняются только для первой и второй фирм, так что  $n = 2$ ,  $C = 10 + 20 = 30$ ,  $P = (48 + 30)/3 = 26$ ;  $q_1 = 32$ ,  $q_2 = 12$ ;  $Q = 44$ .

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ №15

Здесь уместно воспользоваться свойством равновесия Курно, связывающим равновесную цену, предельные затраты каждой фирмы, ее долю в общем объеме продаж ( $s_i$ ) и эластичность спроса:

$$P \cdot \left( 1 - \frac{s_i}{\eta} \right) = MC_i, \quad i = 1, 2, \dots, n.$$

Просуммировав эти равенства, найдем, что

$$P \cdot \left( n - \frac{1}{\eta} \right) = \sum_{i=1}^n MC_i.$$

Поскольку и цена, и средние затраты — положительные величины, выражение в скобках может принимать только положительные значения, откуда следует, что  $\eta > 1/n$  (если допустить возможность  $MC = 0$ , неравенство окажется нестрогим:  $\eta \geq 1/n$ ). В частности, для дуополии  $\eta \geq 1/2$ . Приведенные соотношения справедливы и для монополии, если положить  $n = 1$ . В этом случае  $\eta \geq 1$ .

### РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 16

а) Воспользуемся свойством равновесия Курно, рассмотренным в предыдущей задаче:

$$P \cdot \left( 1 - \frac{s_i}{\eta} \right) = MC_i$$

По условиям данной задачи спрос имеет постоянную эластичность  $\eta = 2$ , каждая из фирм — постоянные предельные затраты  $c_i$ , так что в равновесии имеет место система равенств

$$P \cdot (1 - s_1/2) = 18; \quad P \cdot (1 - s_2/2) = 20; \quad P \cdot (1 - s_3/2) = 22. \quad (1)$$

Суммируя равенства и учитывая, что  $s_1 + s_2 + s_3 = 1$ , получим:

$$P \cdot (3 - 1/2) = 60.$$

Отсюда  $P = 24$ , и из равенств (1) находятся рыночные доли:

$$s_1 = 0.5; \quad s_2 = 0.333; \quad s_3 = 0.167.$$

Из уравнения спроса находим равновесный рыночный объем  $Q = 10\,000/24^2 = 17.36$  и объемы выпуска каждой фирмы:  $q_1 = 8.68$ ,  $q_2 = 5.79$ ,  $q_3 = 2.89$ .

**Комментарий.** Способ, использованный в приведенном решении, естественным образом обобщается на случай произвольного числа фирм. Суммируя равенства

$$P \cdot (1 - s_i/\eta) = c_i, \quad i = 1, \dots, n,$$

приходим к соотношению  $P \cdot (n - 1/\eta) = \sum_{i=1}^n c_i = C$ , откуда

$$P = \frac{C}{n - 1/\eta},$$

после чего рыночные доли находятся следующим образом:

$$s_i = \eta - \frac{c_i}{C} \cdot (\eta n - 1), \quad i = 1, \dots, n.$$

Заметим, что в рассматриваемом случае, как и при линейной функции спроса, характеристики рынка в состоянии равновесия определяются параметром  $C$  — суммой предельных затрат фирм.

б) Расчет, аналогичный приведенному в пункте а), приводит к значениям  $s_1 = 0.75$ ;  $s_2 = 0.333$ ;  $s_3 = -0.083$ . Поскольку рыночная доля не может быть отрицательной, здесь имеет место та же ситуация, что и в задаче 14: третья фирма не в состоянии конкурировать с первой и второй. Для двух фирм, действующих на рынке:

$$C = 35, \quad P = 35/(2 - 1/2) = 23.33, \quad s_1 = 0.714, \quad s_2 = 0.286.$$

## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 17

а) В данном случае имеет место монополия с предельной выручкой  $MR = 100 - 0.2q = 40$ , откуда  $q = Q = 300$  и  $P = 70$ .

б) Найдем функции реагирования фирм (ср. решение задачи № 13):

$$\begin{aligned} q_1 &= R_1(q_2) = (100 - 40)/0.2 - q_2/2 = 300 - q_2/2; \\ q_2 &= R_2(q_1) = 300 - q_1/2. \end{aligned}$$

Обоим равенствам отвечают значения  $q_1 = q_2 = 200$ , так что  $Q = 400$  и  $P = 60$ .

в) Если вторая фирма является последователем, то ее функция реагирования ничем не отличается от найденной в п. б):

$$q_2 = R_2(q_1) = 300 - q_1/2.$$

Первая фирма, лидер, максимизируя свою прибыль, учитывает реакцию второй фирмы на ее решения, так что решаемая ею задача имеет структуру:

$$P^D(q_1 + R_2(q_1)) \rightarrow \max,$$

т. е.

$$\begin{aligned} [100 - 0.1(q_1 + 300 - q_1/2)] \cdot q_1 - (FC + 40q_1) = \\ = 30q_1 - 0.05q_1^2 \rightarrow \max. \end{aligned}$$

Решением является  $q_1 = 300$ . Подставляя этот результат в функцию реагирования второй фирмы, получим  $q_2 = 150$ . Рыночный объем продаж  $Q = q_1 + q_2 = 450$ , цена  $P = 55$ .

г) Начнем с анализа поведения последователей. Вторая фирма учитывает выпуски первой и третьей, и по аналогии с ситуацией предыдущего пункта ее функцию реагирования можно представить в виде

$$q_2 = R_2(q_1, q_3) = 300 - q_1/2 - q_3/2.$$

Подобный вид имеет функция реагирования третьей фирмы:

$$q_3 = R_3(q_1, q_2) = 300 - q_1/2 - q_2/2.$$

Но для второй и третьей фирм, рассматриваемых в совокупности, величина  $q_1$  является экзогенной, в то время как  $q_2$  и  $q_3$  должны устанавливаться в процессе их конкурентного взаимодействия. При заданном значении  $q_1$  равновесные значения  $q_2$  и  $q_3$  определяются системой уравнений:

$$\begin{cases} q_2 = 300 - q_1/2 - q_3/2; \\ q_3 = 300 - q_1/2 - q_2/2 \end{cases}$$

и равны

$$q_2 = 200 - q_1/3; \quad q_3 = 200 - q_1/3.$$

Первая фирма при принятии своих решений учитывает реакцию обоих последователей; их совместная функция реагирования  $R_{2,3}(q_1) = 400 - \frac{2}{3}q_1$ . Поэтому критерий выбора лидера имеет вид

$$[100 - 0.1(q_1 + 400 - \frac{2}{3}q_1)] \cdot q_1 - (FC + 40q_1) \rightarrow \max.$$

Максимум прибыли достигается при  $q_1 = 300$ . Подставляя найденное значение для равновесных выпусков последователей, находим:  $q_2 = q_3 = 100$ . Рыночный объем продаж  $Q = q_1 + q_2 + q_3 = 500$ , цена  $P = 50$ .

д) Третья фирма находится на низшей ступени иерархии «лидеры — последователи», и ее функция реагирования не отличается от рассмотренной в предыдущем пункте:

$$q_3 = R_3(q_1, q_2) = 300 - q_1/2 - q_2/2.$$

Вторая фирма при принятии своих решений учитывает реакцию третьей фирмы, и ее критерий имеет вид

$$[100 - 0.1(q_1 + q_2 + 300 - q_1/2 - q_2/2)] \cdot q_2 - (FC + 40q_2) \rightarrow \max.$$

Максимум достигается при

$$q_2 = 300 - q_1/2.$$

Подстановка этого результата в функцию реагирования третьей фирмы ставит ее выпуск в опосредованную зависимость от решений «абсолютного лидера» — первой фирмы:

$$q_3 = 150 - q_1/4.$$

Совместный выпуск обоих последователей первой фирмы равен

$$q_2 + q_3 = 450 - \frac{3}{4}q_1,$$

и ее критерий выбора принимает вид:

$$[100 - 0.1(q_1 + 450 - \frac{3}{4}q_1)] \cdot q_1 - (FC + 40q_1) \rightarrow \max.$$

Максимум достигается при  $q_1 = 300$ . Подстановка найденного значения в функции реагирования второй и третьей фирм дает:  $q_2 = 150$ ,  $q_3 = 75$ . Теперь суммарный выпуск составляет  $Q = q_1 + q_2 + q_3 = 525$ , цена  $P = 47.5$ .

**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 18**

Если бы среди участников рынка не было доминирующей фирмы, на рынке установилось бы конкурентное равновесие при цене  $P_E = 660$ . Это максимальная цена остаточного спроса на продукцию доминирующей фирмы. Обратная функция предложения конкурентного окружения  $P^S = 500 + 0.4Q$  показывает минимальную цену предложения  $P_0 = 500$ . В диапазоне цен от  $P_0$  до  $P_E$  функция остаточного спроса представляет собой разность между функциями рыночного спроса и конкурентного предложения, а при ценах ниже  $P_0$  совпадает с функцией рыночного спроса:

$$Q^{RD}(P) = \begin{cases} 8250 - 12.5P, & 500 \leq P \leq 660; \\ 700 - 10P, & P < 500. \end{cases}$$

Обратная функция остаточного спроса также имеет два различных участка, разделяемых значением  $Q_0 = Q^D(P_0) = 2000$ :

$$P^{RD}(Q) = \begin{cases} 660 - 0.08Q, & Q \leq 2000; \\ 700 - 0.1Q, & Q > 2000. \end{cases}$$

Предельная выручка:

$$MC(Q) = \begin{cases} 660 - 0.16Q, & Q < 2000; \\ 700 - 0.2Q, & Q > 2000. \end{cases}$$

$$MC(2000_{-0}) = 340, \quad MC(2000_{+0}) = 300.$$

**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 19**

Обратная функция спроса на продукт фирмы  $P^D(q) = 46 - 0.5q$ , предельная выручка  $TR = 46 - q$ . Приравнивая ее предельным затратам  $MC = 10 + 2q$ , найдем, что  $q = 12$ , по условиям спроса  $P = 40$ .

Общая выручка фирмы  $TR = P \cdot q = 480$ , общие затраты  $TC = 100 + 10 \cdot 12 + 12^2 = 364$ , так что прибыль фирмы составляет  $\Pi = 480 - 364 = 116$ .

**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 20**

Пусть на рынке действуют  $n$  фирм. В равновесии рыночный объем продаж равен суммарному выпуску всех фирм:

$Q = nq$ , где  $q$  — объем выпуска одной фирмы. Поэтому обратную функцию спроса можно представить в виде

$$P^D(q) = 46 - 0.01nq.$$

Каждая фирма максимизирует свою прибыль, так что для нее выполняется равенство  $MR = MC$ , или

$$46 - 0.02nq = 10 + 2q. \quad (1)$$

Но экономическая прибыль каждой фирмы в длительном периоде равна нулю, так что цена совпадает с ее средними затратами:

$$46 - 0.01nq = \frac{100}{q} + 10 + q. \quad (2)$$

Совместное решение уравнений (1) и (2) дает  $36 = 200/q$ , или  $q = 100/18 = 5.556$ ;  $n = 224$ .

Равновесная цена и равные ей средние затраты составляют

$$46 - 0.01 \cdot 224 \cdot 5.556 = 33.556.$$

Минимум средних затрат достигается при  $q = 10$  и равен 30.

## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 21

В условиях монополистической конкуренции в длительном периоде прибыль фирмы равна нулю; эта прибыль достигается при выборе объема производства, доставляющего максимум прибыли. Это означает, что при равновесном объеме выпуска средние затраты фирмы равны цене спроса на ее продукт, а при любом другом объеме фирма была бы убыточной из-за того, что цена спроса была бы меньше средних затрат. Таким образом, в точке равновесия длительного периода кривая спроса на продукт фирмы касается кривой средних затрат (см. рисунок).

Заметим, что в точке касания графиков двух функций совпадают значения аргумента, функции и производных обеих функций. А это означает, что в этой точке совпадают значения эластичности функций. Функция спроса — убывающая, под эластичностью спроса понимается абсолютная величина отрицательной эластичности объема спроса по цене. Эластичность цены спроса по объему — обратная величина, так что в нашем

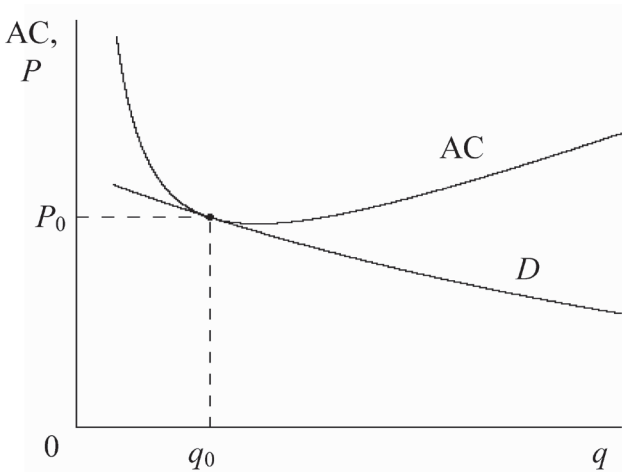
случае  $E_q[P^D] = -0.2$ . Этой же величине равна эластичность средних затрат. Средние затраты представляют собой функцию

$$AC(q) = \frac{100}{q} + 10 + q,$$

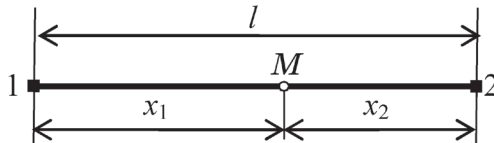
ее эластичность

$$E_q[AC] = \left( -\frac{100}{q^2} + 1 \right) \cdot \frac{q}{\frac{100}{q} + 10 + q} = -0.2.$$

Решая получившееся уравнение, находим равновесное значение  $q_0 = 7.374$ . Цена равновесия  $P_0 = AC(7.374) = 30.935$ .



## РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ № 22



Обозначим  $p_1$  и  $p_2$  цены, назначаемые фирмами. Точка  $M$  на рисунке — точка безразличия: с учетом разницы в ценах продажи и затрат на транспортировку жителю этой



точки покупки в обеих фирмах равновыгодны, так что выполняется равенство

$$p_1 + tx_1 = p_2 + tx_2.$$

Вместе с равенством  $x_1 + x_2 = l$  это позволяет выразить  $x_1$  и  $x_2$  через цены и транспортные затраты:

$$x_1 = \frac{l}{2} + \frac{p_2 - p_1}{2t}; \quad x_2 = \frac{l}{2} + \frac{p_1 - p_2}{2t}. \quad (1)$$

По условиям спроса  $q_1 = x_1$  и  $q_2 = x_2$ . Таким образом, прибыли фирм равны

$$\pi_1 = (p_1 - c_1) \cdot \left( \frac{l}{2} + \frac{p_2 - p_1}{2t} \right); \quad \pi_2 = (p_2 - c_2) \cdot \left( \frac{l}{2} + \frac{p_1 - p_2}{2t} \right),$$

где  $c_1$  и  $c_2$  — предельные затраты фирм (по условиям задачи — постоянные величины). Максимизация прибыли каждой фирмы по собственной цене приводит к системе уравнений

$$\frac{d\pi_1}{dp_1} = \frac{1}{2} \left( l + \frac{c_1 + p_2 - 2p_1}{t} \right) = 0; \quad \frac{d\pi_2}{dp_2} = \frac{1}{2} \left( l + \frac{c_2 + p_1 - 2p_2}{t} \right) = 0,$$

из которой следуют функции реагирования фирм

$$p_1 = \frac{1}{2}(tl + c_1 + p_2); \quad p_2 = \frac{1}{2}(tl + c_2 + p_1).$$

Рассматривая полученные равенства как систему уравнений, находим равновесные значения

$$p_1 = tl + \frac{2c_1 + c_2}{3}; \quad p_2 = tl + \frac{c_1 + 2c_2}{3}. \quad (2)$$

а) Из равенств (2) находим цены:

$$p_1 = 10 \cdot 5 + \frac{2 \cdot 30 + 60}{3} = 90; \quad p_2 = 10 \cdot 5 + \frac{30 + 2 \cdot 60}{3} = 100.$$

С помощью равенств (1) находим объемы продаж:

$$q_1 = x_1 = 3; \quad q_2 = x_2 = 2.$$

Прибыли фирм равны

$$\pi_1 = (90 - 30) \cdot 3 = 180; \quad \pi_2 = (100 - 60) \cdot 3 = 120.$$

Как видим, первая фирма, имеющая затратное преимущество, имеет большую зону своей торговли и большую прибыль, чем вторая.

б) Аналогичные расчеты при  $t = 4$  приводят к результатам

$$\begin{aligned} p_1 &= 60; & p_2 &= 70; \\ q_1 &= 3.75; & q_2 &= 1.25; \\ \pi_1 &= 112.5; & \pi_2 &= 12.5. \end{aligned}$$

Уменьшение транспортных затрат, как видим, привело к уменьшению прибылей обеих фирм; при этом увеличилась зона первой фирмы и соответственно сократилась зона второй фирмы.

в) Расчеты при  $t = 1$  приводят, в частности, к результату  $q_2 = -2.5$ , кажущемуся парадоксальным. Подобно тому что отмечалось в задачах 14 и 16, в данном случае затратное преимущество первой фирмы приводит к тому, что вторая фирма оказывается неконкурентоспособной.

**Комментарии.** 1. В случае в) мы можем лишь констатировать, что первая фирма окажется монополистом, но не можем определить ее равновесную цену: по предположению спрос абсолютно неэластичен ( $\eta = 0$ ), но, с другой стороны, равновесии монополии возможно лишь при таких ценах, при которых спрос высокоэластичен ( $\eta > 1$ , см. задачу 15). Предположение об абсолютной неэластичности спроса не принципиально для модели Хотеллинга; оно нужно лишь для упрощения, делающего более наглядным эффект дифференциации.

2. Можно сформулировать условия, при которых обе фирмы могут действовать на рынке Хотеллинга. Они сводятся к тому, что цена каждой фирмы должна быть не меньше ее средних затрат. Обратимся к равенству (2) и рассмотрим это условие для первой фирмы: оно сводится к неравенству  $p_1 - c_1 \geq 0$ , или

$$tl + \frac{c_2 - c_1}{3} \geq 0 \quad \Rightarrow \quad c_1 - c_2 \geq 3tl.$$

Поскольку аналогичное условие должно выполняться и для второй фирмы, для безубыточной деятельности обеих фирм должно выполняться неравенство  $|c_1 - c_2| \geq 3tl$ .

3. При  $t = 0$  (или при  $l = 0$ ) дифференциация по существу исчезает и модель Хотеллинга с ценовой конкуренцией превращается в модель Бертрана. Для последней характерно, что из фирм, имеющих разные затратные характеристики, на рынке остается одна, имеющая затратные преимущества перед всеми остальными.